

## 2de. Correction du devoir maison n° 2

### Exercice 1 (n° 110 page 106)

Étudier si les propositions suivantes sont vraies ou fausses.

Pour tous nombres  $a, b, c$  et  $d$ ,

1. Si  $a \leq b$  et  $c \leq d$ , alors  $a - c \leq b - d$ .

**Faux.**

Donnons un contre-exemple.

Prenons  $a = 2, b = 3, c = -8$  et  $d = 0$ .

Alors,  $a - c = 2 - (-8) = 10$ , et  $b - d = 3 - 0 = 3$ .

Il est clair que  $a \leq b$  et  $c \leq d$ , et pourtant  $a - c > b - d$ .

2. Si  $2a - 2 \leq 2$ , et  $11 - 3b \leq 2$ , alors  $a \leq b$ .

**Vrai.**

On suppose que  $2a - 2 \leq 2$ , et  $11 - 3b \leq 2$ .

$2a - 2 \leq 2$  ssi  $2a \leq 4$  ssi  $a \leq 2$ .

$11 - 3b \leq 2$  ssi  $9 \leq 3b$  ssi  $b \geq 3$ .

Ainsi,  $a \leq 2 < 3 \leq b$ .

On peut donc affirmer que  $a \leq b$  (et même  $a < b$ ).

### Exercice 2 (n° 115 page 107)

Notons  $x$  la longueur du côté du carré.

Si l'on augmente la longueur du côté de 4 cm, alors l'aire augmente de 40 cm<sup>2</sup>.

Ainsi,  $(x + 4)^2 = x^2 + 40$ .

D'où  $x^2 + 8x + 16 = x^2 + 40$ , puis  $8x = 24$ , et  $x = 3$ .

Peter dit vrai : il existe un tel carré, son côté mesure 3 cm.

### Exercice 3 (n° 121 pge 108)

On considère un rectangle de dimensions  $L$  et  $\ell$  (avec  $L > \ell$ ).

Son aire est donc  $L \times \ell$ .

Si l'on diminue d'une unité sa longueur, et qu'on augmente d'un unité sa largeur,

les dimensions du nouveau rectangle sont  $L - 1$  et  $\ell + 1$ .

L'aire du nouveau rectangle est  $(L - 1) \times (\ell + 1)$ .

Ainsi, l'aire augmente si :

$$\begin{aligned}(L - 1)(\ell + 1) &\geq L \times \ell \\ L \times \ell + L - \ell - 1 &\geq L \times \ell \\ L &\geq \ell + 1\end{aligned}$$

Ainsi, l'aire augmente si et seulement si  $L \geq \ell + 1$ .

L'aire n'augmente donc pas toujours.

Pour donner un contre-exemple, on peut considérer un rectangle de dimensions

$L = 2$  et  $\ell = 1,5$

Alors l'aire du rectangle de départ est  $L \times \ell = 2 \times 1,5 = 3$ .

L'aire du nouveau rectangle est  $(L - 1) \times (\ell + 1) = 1 \times 2,5 = 2,5$ .

Dans ce cas, l'aire a diminué.

## 2de. Correction du devoir maison n° 2

### Exercice 1 (n° 110 page 106)

Étudier si les propositions suivantes sont vraies ou fausses.

Pour tous nombres  $a, b, c$  et  $d$ ,

1. Si  $a \leq b$  et  $c \leq d$ , alors  $a - c \leq b - d$ .

**Faux.**

Donnons un contre-exemple.

Prenons  $a = 2, b = 3, c = -8$  et  $d = 0$ .

Alors,  $a - c = 2 - (-8) = 10$ , et  $b - d = 3 - 0 = 3$ .

Il est clair que  $a \leq b$  et  $c \leq d$ , et pourtant  $a - c > b - d$ .

2. Si  $2a - 2 \leq 2$ , et  $11 - 3b \leq 2$ , alors  $a \leq b$ .

**Vrai.**

On suppose que  $2a - 2 \leq 2$ , et  $11 - 3b \leq 2$ .

$2a - 2 \leq 2$  ssi  $2a \leq 4$  ssi  $a \leq 2$ .

$11 - 3b \leq 2$  ssi  $9 \leq 3b$  ssi  $b \geq 3$ .

Ainsi,  $a \leq 2 < 3 \leq b$ .

On peut donc affirmer que  $a \leq b$  (et même  $a < b$ ).

### Exercice 2 (n° 115 page 107)

Notons  $x$  la longueur du côté du carré.

Si l'on augmente la longueur du côté de 4 cm, alors l'aire augmente de 40 cm<sup>2</sup>.

Ainsi,  $(x + 4)^2 = x^2 + 40$ .

D'où  $x^2 + 8x + 16 = x^2 + 40$ , puis  $8x = 24$ , et  $x = 3$ .

Peter dit vrai : il existe un tel carré, son côté mesure 3 cm.

### Exercice 3 (n° 121 pge 108)

On considère un rectangle de dimensions  $L$  et  $\ell$  (avec  $L > \ell$ ).

Son aire est donc  $L \times \ell$ .

Si l'on diminue d'une unité sa longueur, et qu'on augmente d'un unité sa largeur,

les dimensions du nouveau rectangle sont  $L - 1$  et  $\ell + 1$ .

L'aire du nouveau rectangle est  $(L - 1) \times (\ell + 1)$ .

Ainsi, l'aire augmente si :

$$\begin{aligned}(L - 1)(\ell + 1) &\geq L \times \ell \\ L \times \ell + L - \ell - 1 &\geq L \times \ell \\ L &\geq \ell + 1\end{aligned}$$

Ainsi, l'aire augmente si et seulement si  $L \geq \ell + 1$ .

L'aire n'augmente donc pas toujours.

Pour donner un contre-exemple, on peut considérer un rectangle de dimensions

$L = 2$  et  $\ell = 1,5$

Alors l'aire du rectangle de départ est  $L \times \ell = 2 \times 1,5 = 3$ .

L'aire du nouveau rectangle est  $(L - 1) \times (\ell + 1) = 1 \times 2,5 = 2,5$ .

Dans ce cas, l'aire a diminué.